



# Boiling crisis as inhibition of bubble detachment by the vapor recoil force.

Vadim Nikolayev, Daniel Beysens, Yves Garrabos

## ► To cite this version:

Vadim Nikolayev, Daniel Beysens, Yves Garrabos. Boiling crisis as inhibition of bubble detachment by the vapor recoil force.. Mechanics & Industry, 2004, 10.1051/meca:2004056 . hal-01261680

**HAL Id: hal-01261680**

**<https://hal.science/hal-01261680>**

Submitted on 25 Jan 2016

**HAL** is a multi-disciplinary open access archive for the deposit and dissemination of scientific research documents, whether they are published or not. The documents may come from teaching and research institutions in France or abroad, or from public or private research centers.

L'archive ouverte pluridisciplinaire **HAL**, est destinée au dépôt et à la diffusion de documents scientifiques de niveau recherche, publiés ou non, émanant des établissements d'enseignement et de recherche français ou étrangers, des laboratoires publics ou privés.



Distributed under a Creative Commons Attribution - NonCommercial - NoDerivatives| 4.0 International License

# Crise d'ébullition : inhibition du détachement de la bulle de vapeur par la force de recul

Vadim S. Nikolayev <sup>a,1</sup> Daniel Beysens <sup>a</sup> and Yves Garrabos <sup>b</sup>

<sup>a</sup>*ESEME, Service des Basses Températures, CEA Grenoble, France*<sup>2</sup>

<sup>b</sup>*CNRS-ESEME, Institut de Chimie de la Matière Condensée de Bordeaux,  
87, Av. du Dr. Schweitzer, 33608 Pessac Cedex, France*

---

## Résumé

La crise d'ébullition est une transition entre deux régimes d'ébullition : ébullition nucléée (la bulle se forme sur la surface chauffante) et ébullition en film (la surface chauffante est couverte par un film continu de vapeur séparant la surface chauffante du liquide). Dans cette communication, nous présentons un modèle physique de la crise d'ébullition basé sur le concept de recul de vapeur. Nos simulations numériques de croissance thermiquement contrôlée montrent comment une bulle attachée à la surface chauffante commence soudainement à s'y étaler, formant le germe d'un film de vapeur. La force de recul de vapeur ne provoque pas seulement l'étalement de la bulle, elle crée également une force additionnelle d'adhérence qui empêche le départ de la bulle de la surface chauffante lors de sa croissance.

Près du point critique liquide-vapeur, la croissance de la bulle est très lente. Si, de plus, des conditions de microgravité sont remplies, la bulle garde la forme convexe et il est possible d'observer expérimentalement une augmentation de l'angle apparent de contact ainsi que la croissance de la tache sèche. Ces observations confirment l'explication proposée.

## Abstract

Boiling crisis is a transition between nucleate and film boiling. In this communication we present a physical model of the boiling crisis based on the vapor recoil effect. Our numerical simulations of the thermally controlled bubble growth at high heat fluxes show how the bubble begins to spread over the heater thus forming a germ for the vapor film. The vapor recoil force not only causes the vapor spreading, it also creates a strong adhesion to the heater that prevents the bubble departure, thus favoring the further bubble spreading.

Near the liquid-gas critical point, the bubble growth is very slow and allows the kinetics of the bubble spreading to be observed. Since the surface tension is very small in this regime, only microgravity conditions can preserve a convex bubble shape. Under such conditions, we observed an increase of the apparent contact

angle and spreading of the dry spot under the bubble, thus confirming our model of the boiling crisis.

*Mots-clefs* : crise d'ébullition ; flux critique ; point critique ; microgravité

*Key words*: boiling crisis ; CHF ; critical point ; microgravity

---

## 1 Introduction

Quand le flux de chaleur provenant d'une paroi chauffante dépasse une valeur critique pendant l'ébullition (le flux critique, le CHF en anglais), la vapeur forme brutalement un film sur la paroi chauffante, qui l'isole thermiquement du liquide. En d'autres termes, la paroi chauffante se dessèche. Le transfert thermique est inhibé et la température de la paroi croît rapidement. Ce phénomène s'appelle la crise d'ébullition par caléfaction [1]. L'évaluation correcte du CHF exige une compréhension claire du phénomène physique qui déclenche la crise. De nombreux modèles sont proposés, cf. [2] pour une revue. Pourtant, chacun d'eux ne s'applique qu'à des régimes et des configurations d'expériences très particuliers. Pour des raisons d'importance industrielle, les expériences d'ébullition les plus communes sont effectuées sous pesanteur terrestre à des pressions basses par rapport à la pression critique du fluide donné. La valeur du CHF est alors grande, ce qui rend l'ébullition violente et les observations difficiles. Même les dispositifs les plus avancées [3] ne peuvent aider à valider un modèle avec certitude. Cependant, de nombreuses observations montrent que la crise commence par la croissance d'une tache sèche sous les bulles de vapeur attachées à la paroi.

En diminuant la force d'Archimède, la microgravité permet d'améliorer la qualité des observations grâce au temps de résidence plus long de la bulle sur la paroi chauffante [4]. Cependant, la croissance reste aussi rapide que sur Terre. Sous de grandes pressions, la croissance est plus lente, l'influence des flux hydrodynamiques sur cette croissance est moins importante, ce qui permet d'identifier les mécanismes thermiques, notamment l'influence de la force de recul de vapeur sur la croissance de la tache sèche. Du point de vue de la modélisation, cela permet une grande simplification en négligeant (en première approximation) le couplage thermique-hydrodynamique et en supposant une forme quasi-statique de la bulle. Dans la section 2 ci-dessous,

---

1 . Email : vnikolayev@cea.fr

2 . Adresse postale : CEA-ESEME, PMMH-ESPCI, 10, rue Vauquelin 75231 Paris Cedex 05, France

nous développons l'approche [5] qui montre que la force de recul peut être à l'origine de la crise d'ébullition.

Si les pressions sont si grandes que le fluide se trouve près de son point critique, la croissance de la bulle devient exceptionnellement lente et permet des observations très claires de l'assèchement de la paroi [6], cf. section 3 ci-dessous.

## 2 Force de recul de vapeur et croissance de la tache sèche sous une bulle

La force de recul de vapeur vient de l'impulsion mécanique non compensée des molécules qui quittent l'interface liquide-gaz lors de l'évaporation. Sa valeur par unité de surface (= pression) s'écrit [7]  $P_r = \eta^2(\rho_V^{-1} - \rho_L^{-1})$  où  $\eta$  est le taux massique d'évaporation, c.-à-d. la masse de fluide évaporée par unité de surface pendant l'unité du temps, et  $\rho_L(\rho_V)$  signifie la densité du liquide (vapeur). La force de recul est normale à l'interface et est toujours dirigée vers le liquide. En négligeant la conductivité thermique dans la vapeur par rapport à celle dans le liquide, on écrit  $q_L = H\eta$  où  $H$  est la chaleur latente de vaporisation et  $q_L$  et le flux thermique qui arrive à l'interface du côté liquide.

Considérons maintenant une bulle de vapeur attachée à la surface de la paroi chauffante (Fig. 1). Lors de l'ébullition, le liquide est surchauffé dans

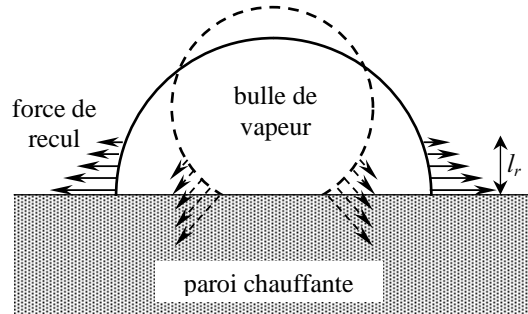


FIGURE 1. Etalement d'une bulle de vapeur sous l'action de la force de recul de la vapeur.

une couche pariétale d'épaisseur  $l_r$ . Cependant, la température de l'interface vapeur-liquide est constante (c'est en fait la température de saturation pour la pression donnée du système). Cela signifie que le flux  $q_L$  reste élevé dans une "ceinture" sur la surface au pied de la bulle. De fait, la majeure partie de l'évaporation dans la bulle de vapeur est produite dans cette ceinture, dont l'épaisseur est habituellement beaucoup plus petite que le rayon de la bulle [8]. Le recul de la vapeur près de la ligne de contact est alors beaucoup plus grand que sur l'autre partie de la surface de la bulle. En conséquence, sa surface se déforme comme si la ligne triple de contact liquide-vapeur-solide était tirée de

coté, comme montré dans la Fig. 1. Ceci signifie que, sous l'action du recul de la vapeur, la tache sèche sous la bulle de vapeur s'étale et peut couvrir la surface de la paroi chauffante.

Dans ce qui suit, nous montrons par un exemple simple que l'influence du recul de vapeur peut être interprétée en terme de changement d'angle apparent de contact.

### 2.1 Recul de vapeur et angle de contact apparent : une approche simplifiée

Considérons une coordonnée curviligne  $l$  mesurée le long du contour de la bulle, comme dans la Fig. 2. Deux forces définissent la forme de la bulle dans l'approximation quasi-statique : la force de recul et la tension superficielle  $\sigma$ ,

$$K\sigma = \lambda + P_r(l), \quad (1)$$

où  $K$  est la courbure locale de la bulle et  $\lambda$  est la différence de pression entre l'intérieur et l'extérieur de la bulle, indépendante de  $l$ . Cette équation est difficile à résoudre analytiquement et le calcul numérique [5,9] (onéreux au niveau du temps) s'impose. Cependant, l'approche simplifiée ci-dessous permet d'estimer et de mieux comprendre l'effet de la force du recul sur la forme de la bulle.

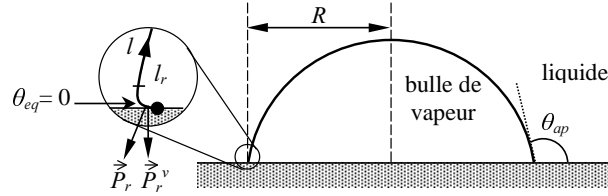


FIGURE 2. Les angles de contact apparent  $\theta_{ap}$  et réel  $\theta_{eq}$ . Le point noir indique la ligne de contact, c.-à-d. zéro pour la coordonnée curviligne  $l$ .

Par angle de contact apparent  $\theta_{ap}$ , nous sous-entendons celui mesuré à la distance  $l_r$  (= épaisseur de la couche limite) de la ligne triple comme marqué dans la Fig. 2. Cette définition est valable quand  $l_r \ll R$ , le rayon de la bulle. Dans ce cas-là, la fonction  $P_r(l)$  peut être approximée par la fonction  $\delta$  de Dirac :

$$P_r(l) = 2\sigma_r\delta(l). \quad (2)$$

La fonction  $\delta(l)$  est définie de telle manière, que  $\delta(l) = 0$  si  $l \neq 0$ ,  $\delta(0) = \infty$  et  $\int_{-\infty}^{\infty} \delta(l)dl = 1$ . D'après (1), ceci signifie que le recul de vapeur est localisé à la ligne de contact, et la tension superficielle donne au reste de la surface de

la bulle la forme d'une calotte sphérique. La supposition (2) se justifie par le calcul plus rigoureux [5] qui montre que  $P_r(l)$  diverge quand  $l \rightarrow 0$ ,  $\int_0^\infty P_r(l)dl$  restant fini.

L'amplitude  $\sigma_r$  du recul de vapeur a la dimension d'une tension superficielle et doit être incluse <sup>3</sup> dans le bilan de (quasi-)équilibre des tensions agissant sur la ligne de contact montrées dans Fig. 3. La ligne de contact est stationnaire

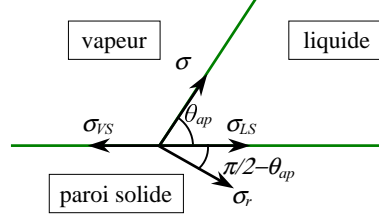


FIGURE 3. Equilibre des forces qui agissent sur la ligne triple de contact, où  $\sigma_{vs}$  et  $\sigma_{ls}$  sont les tensions superficielles pour les interfaces respectivement vapeur-solide et liquide-solide.

quand la composante horizontale de la somme des vecteurs de toutes les forces est égal à zéro, ce qui se résume en

$$\cos \theta_{ap} = \cos \theta_{eq} - N_r \sin \theta_{ap}, \quad (3)$$

où l'angle de contact d'équilibre est donné par l'expression classique  $\cos \theta_{eq} = (\sigma_{vs} - \sigma_{ls})/\sigma$ . Le "coefficient de recul"

$$N_r = \frac{\sigma_r}{\sigma} = \frac{1}{\sigma} \int_0^{l_r} P_r(l) dl, \quad (4)$$

caractérise la force de recul de la vapeur relativement à la tension superficielle.

La dépendance de  $\theta_{ap}$  par rapport à  $N_r$ , calculée à partir de (3), est présentée sur la Fig. 4. On peut voir que la force de recul augmente l'angle de contact apparent. Quand la puissance de la paroi chauffante reste constante, le flux de la chaleur  $q_L$  augmente avec le temps en augmentant  $N_r$ . Par conséquent, l'angle de contact apparent croît dans le temps. Comme la bulle est une calotte sphérique (ce qui est définie par l'eq. (1) avec  $P_r(l) = 0, l \neq 0$ ), l'augmentation de l'angle de contact se traduit par l'étalement de la tache sèche, son rayon  $R_{dry}$  étant lié au rayon de la bulle  $R$  (cf. Fig. 2) par l'expression

$$R_{dry} = R \sin \theta_{ap} \quad (5)$$

<sup>3</sup>. En se basant sur l'approche variationnelle [5], on peut montrer cela rigoureusement.

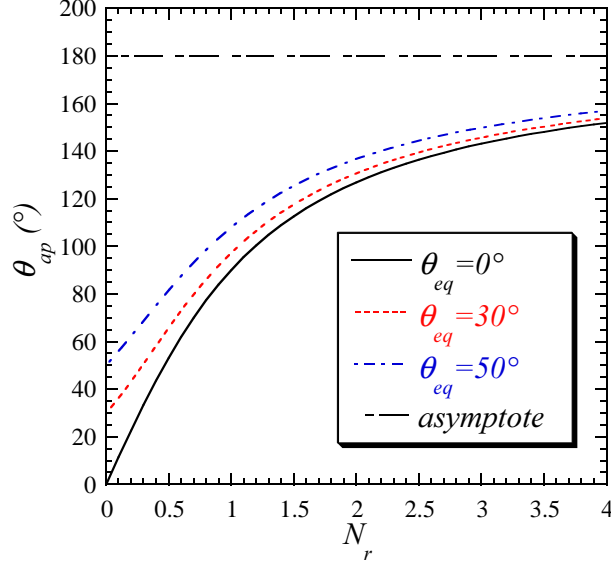


FIGURE 4. Angle apparent de contact par rapport en coefficient de recul  $N_r$  pour différentes valeurs de l'angle de contact d'équilibre.

qui provient de la géométrie de la calotte sphérique.

La force d'adhésion de la bulle à la paroi  $F_{ad}$  s'avère très importante pour estimer la valeur du CHF (voir ci-dessous). Elle peut être obtenue à partir du bilan vertical des tensions dans la Fig. 3. La force  $F_{ad}$  est le produit de la longueur ( $= 2\pi R_{dry}$ ) de la ligne triple et de la tension non-compensée :

$$F_{ad} = 2\pi R\sigma(\sin \theta_{ap} - N_r \cos \theta_{ap}) \sin \theta_{ap}. \quad (6)$$

Les dépendances de  $R_{dry}$  et  $F_{ad}$  de  $N_r$  sont montrées dans la Fig. 5. Le comportement de la force d'adhésion est correcte : elle augmente avec  $N_r$ . En contrepartie, la décroissance de  $R_{dry}$  donnée par (5) à partir d'une certaine valeur de  $N_r$  est paradoxale. Cette décroissance apparaît quand  $\theta_{ap}$  dépasse  $90^\circ$ . La composante verticale  $\vec{P}_r^v$  de  $\vec{P}_r$  change alors de direction. Cette incohérence est due au fait que la forme exacte de la bulle dans la proximité de la ligne triple (cf. l'inséré dans Fig. 2) n'est pas prise en compte. En réalité, la surface est fortement courbée et  $\vec{P}_r^v$  est dirigée vers le bas. Un autre défaut de la théorie simplifiée réside dans l'impossibilité de calculer le temps de départ (puisque avant le départ, la forme de la bulle dévie fortement de celle d'une calotte sphérique) C'est pourquoi il est nécessaire d'abandonner la notion d'angle apparent qui est fondée sur l'expression (2) pour la force de recul. Cette dernière doit être obtenue plus rigoureusement pour calculer la forme de la bulle, ce qui sous-entend une approche numérique ou des expériences.

Cependant, l'approche de l'angle apparent ci-dessus illustre bien l'idée principale de l'étalement sous l'action du recul. Elle permet, en principe, de calculer le champ thermique autour de la bulle en tenant compte de l'effet de recul

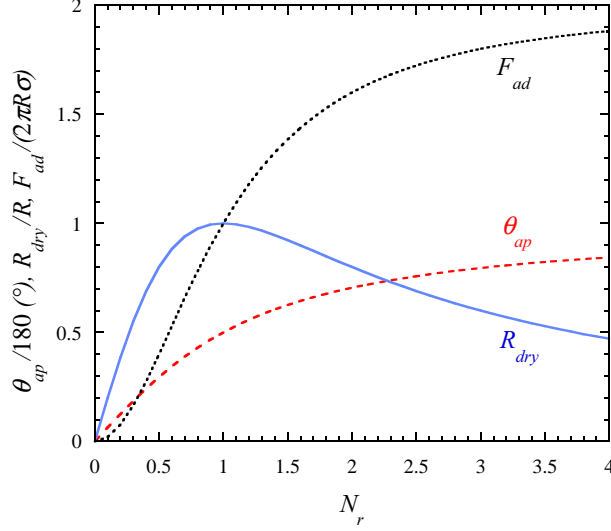


FIGURE 5. Dépendance du rayon de la tache sèche et de la force d'adhésion du coefficient du recul  $N_r$  calculés pour  $\theta_{eq} = 0$ .  $\theta_{ap}$  est aussi représenté pour comparaison.

sans traiter l'éq. (1) pour déterminer la forme de la bulle. On peut en effet effectuer le calcul thermique pour une calotte sphérique et ajuster son angle de contact en utilisant l'éq. (3).

## 2.2 Résultats d'une approche numérique

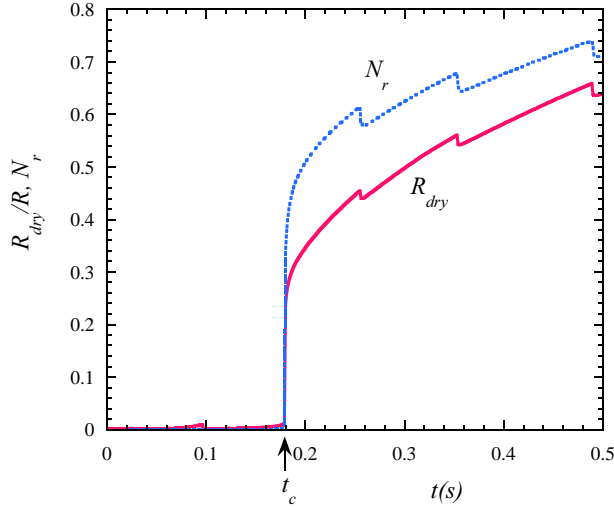


FIGURE 6. Evolutions temporelles du rayon  $R_{dry}$  de la tache sèche et du coefficient du recul  $N_r$  issus du calcul réalisé d'après l'article [9] pour  $q_0 = 0.1 \text{ MW/m}^2$ .

Les simulations numériques [9], qui sont basées sur l'éq. (1) avec  $P_r(l)$  calculée à partir de la distribution de température dans le liquide et la paroi chauffante, mettent en évidence la croissance de la tache sèche. La précision des calculs est améliorée par rapport à l'article cité en utilisant un nouvel algorithme



[10]. La tache sèche reste petite jusqu'au temps de transition  $t_c$  (cf. Fig. 6) où elle s'agrandit brusquement. Nous associons cette transition avec la crise d'ébullition. La croissance de la tache sèche juste avant la crise est confirmée par nombre de travaux expérimentaux, voir par exemple [3]. Etant très petite jusqu'à l'instant  $t_c$ , la force de recul caractérisée par le paramètre  $N_r$  devient alors de l'ordre de l'unité (cf. Fig. 6) ce qui se compare bien avec l'estimation pour le CHF donnée dans l'article [5]. Abordons maintenant la question de la valeur du CHF.

### 2.3 Comment estimer le CHF : inhibition du détachement de la bulle par la force de recul

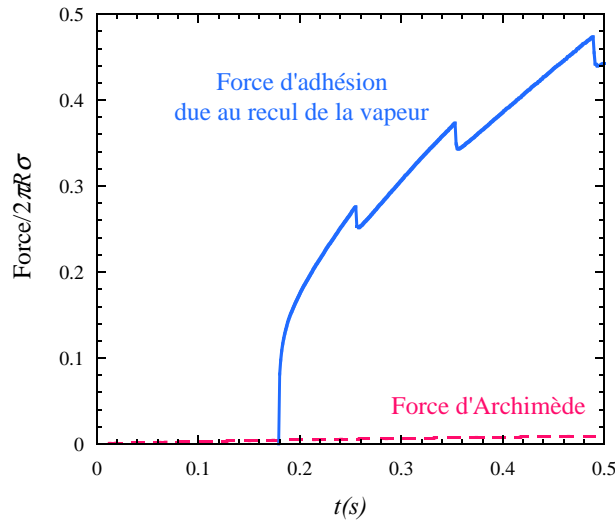


FIGURE 7. Evolutions temporelles de la force d'Archimède et de la force d'adhésion  $F_{ad}^r$ , issues du calcul réalisé d'après l'article [9] pour un flux  $q_0 = 0.1 \text{ MW/m}^2$ . Les forces sont exprimées dans les unités  $2\pi R \sigma$  pour pouvoir comparer avec les résultats de l'approche simplifiée (Fig. 5).

Comme les "forces de départ" (force d'Archimède, poussée du flux hydrodynamique,...) qui tendent à arracher la bulle de la paroi sont absentes de l'eq. (1), la bulle reste toujours accrochée sur la paroi dans la simulation de type [9]. Dans la situation réelle, la bulle quitte la paroi au moment  $t_{dep}$ . Si  $t_{dep}$  est plus petit que le temps  $t_c$  issu de la simulation [9], la bulle quitte la paroi avant que la tache sèche puisse s'étaler et la crise d'ébullition ne se produit pas. L'analyse de départ de la bulle s'avère alors cruciale pour trouver la valeur du CHF.

Le temps  $t_c$  est une fonction décroissante du flux thermique  $q_0$  de paroi [9]. Cependant,  $t_{dep}$  dépend aussi de  $q_0$ . Pour trouver la fonction  $t_{dep}(q_0)$ , on doit analyser la force d'adhésion  $F_{ad}$  d'une bulle à la paroi. Cette force se divise en deux parties  $F_{ad} = F_{ad}^\sigma + F_{ad}^r$ . La première partie s'écrit  $F_{ad}^\sigma = 2\pi R_{dry} \sigma \sin \theta_{eq}$ .

$F_{ad}^\sigma$  est très importante au début de la croissance, lorsque la ligne triple est attachée au défaut de la paroi qui a servi de centre de nucléation (et qui donne à  $\theta_{eq}$  une grande valeur), elle devient négligeable par la suite. Comme on ne peut pas connaître la valeur locale de  $\theta_{eq}$ ,  $F_{ad}^\sigma$  est difficile à estimer. On suppose ensuite que  $\theta_{eq} = 0$  sur le reste de la paroi où la ligne triple se déplace. La deuxième partie

$$F_{ad}^r = \int P_r^v dA \quad (7)$$

est due à la force de recul dont la composante verticale  $P_r^v$  (dirigée vers la paroi) est intégrée sur toute la surface  $A$  de la bulle. Bien que le calcul [9] est bidimensionnel, on peut raisonnablement supposer que la valeur de la  $P_r$  obtenue s'applique aussi pour le cas 3D axi-symétrique (comme si la bulle avait une symétrie axiale en 3D).

Le calcul montre que  $F_{ad}^r$  reste très petite au début de l'évolution (ce qui correspond au cas  $t_{dep} < t_c$ ), par rapport aux forces de départ, notamment la force d'Archimède. Si la bulle reste attachée à la paroi pendant ce régime, c'est grâce à la force  $F_{ad}^\sigma$ . A partir de l'instant  $t = t_c$ , la croissance de  $F_{ad}^r$  s'accélère brutalement et c'est elle qui domine. Autrement dit, quand la tache sèche commence à croître, la bulle reste attachée à la paroi en coalescant avec les bulles voisines. C'est ainsi que la crise d'ébullition devrait se dérouler.

On voit (Fig. 7) que la croissance de la bulle est une superposition d'un processus monotone et d'oscillations d'amplitudes croissantes. Ces oscillations apparaissent probablement à cause de l'instabilité de recul [7,11]. Une de ces oscillations initie la croissance brutale de la tache sèche.

Le comparaison des résultats numériques avec ceux du modèle simplifié montre que la force d'adhésion est surestimée par ce dernier d'à peu près 50%. Ce fait confirme la nécessité de poursuivre des études numériques qui permettront d'obtenir la valeur du CHF compte tenu des forces de départ. Le CHF apparaît ainsi comme la valeur du flux thermique de transition entre deux régimes qui ne peuvent pas coexister : le régime de départ et le régime d'étalement de la bulle .

### 3 Évidence expérimentale de l'étalement d'une bulle en microgravité

Les expériences [6] confirment que notre modèle d'étalement d'une bulle est valide dans la région critique, c.-à-d. pour des pression et température proches de la pression et de la température critiques pour le fluide donné. Le point

critique présente beaucoup de propriétés singulières. En particulier, le coefficient de diffusion thermique s'évanouit, ce qui ralentit la croissance des bulles et permet d'observer les détails de la croissance sans une agitation gênante du liquide provoquée par des mouvements rapides. Par exemple, la croissance d'une seule bulle a pu être observée [6] pendant environ quinze minutes.

Puisque la longueur capillaire  $[\sigma/(\rho_L - \rho_V)g]^{1/2}$  (où  $g$  est la gravité terrestre) disparaît également au point critique et les bulles sont écrasées contre des parois. Les bulles de vapeur de forme habituelle convexe ne sont donc pas observables en pesanteur terrestre. Pour cette raison, notre expérience a été exécutée à bord de la station spatiale MIR. La valeur du CHF disparaît au point critique [1], par conséquent, on s'attend à ce qu'un taux de chauffage très lent produise l'étalement de la bulle. En raison de cette évolution lente, les effets hydrodynamiques sont très faibles et la forme de la bulle n'est pas distordue. Une cellule expérimentale de forme cylindrique a été remplie par du  $\text{SF}_6$  à densité presque critique. On a observé l'évolution de la bulle à travers les bases transparentes du cylindre (fenêtres). La Fig. 8 montre comment la bulle, initialement circulaire ( $\theta_{eq} = 0$ ) s'étale sur la paroi chauffante cylindrique. L'angle de contact apparent augmente clairement avec le temps. Bien que

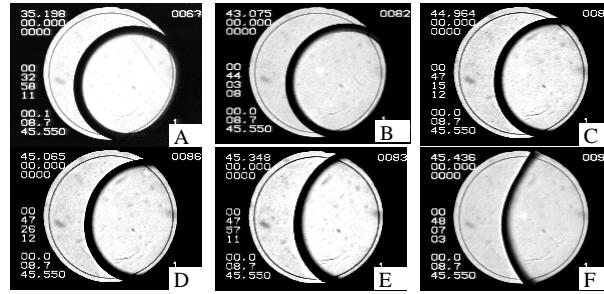


FIGURE 8. Evolution d'une bulle de vapeur dans une cellule cylindrique remplie de  $\text{SF}_6$  proche de son point critique. Les images ont été obtenues pendant un chauffage continu de la cellule. La dernière image (F) correspond à la température juste en dessous de la température critique. L'augmentation de l'angle de contact apparent est évidente.

le volume de la bulle soit constant, la masse de vapeur augmente suite à la densité croissante. À la différence du régime de basse pression, la densité dépend fortement de la température dans la région proche du point critique.

#### 4 Conclusions

Nous proposons une explication physique pour la crise d'ébullition : l'étalement de la tache sèche sous une bulle de vapeur est provoquée par la force de recul de la vapeur. Une fois l'étalement commencé, la bulle reste attachée à la paroi par le même effet de recul et l'étalement (accompagné des coalescences

possibles avec des bulles voisines) peut se prolonger jusqu'à la formation du film continu de vapeur. L'approche théorique est soutenue par la simulation numérique de la croissance de la bulle sous un grand flux de chaleur, ainsi que par des données expérimentales sur la croissance de la bulle dans des conditions proches du point critique. Des simulations numériques basées sur cette approche devraient permettre de déterminer le CHF comme étant le flux thermique de transition entre deux régimes : le régime de départ et le régime d'étalement de la bulle.

## Références

- [1] Tong, L. S. Boiling Heat Transfer and Two-Phase Flow, (2nd Edn.), Taylor & Francis, New York, 1997.
- [2] Buyevich, Yu. A., Towards a Unified Theory of Pool Boiling — the Case of Ideally Smooth Heated Wall, *Int. J. Fluid Mech. Res.* 26 (1999) 189–223.
- [3] Theophanous, T. G., Dinh, T. H., Tu, J. P. & Dinh, A. P. The boiling crisis phenomenon. Part II : dryout dynamics and burnout, *Exp. Thermal Fluid Sci.* 26 (2002) 793–810.
- [4] Straub, J. Boiling Heat Transfer and Bubble Dynamics in Microgravity, *Adv. Heat Transfer* 35 (2001) 57–172.
- [5] Nikolayev, V. S. & Beysens, D. A., Boiling crisis and non-equilibrium drying transition, *Europhysics Letters* 47 (1999) 345–351.
- [6] Garrabos, Y., Lecoutre-Chabot, C., Hegseth, J., Nikolayev, V. S., Beysens, D., & Delville J.-P. Gas spreading on a heated wall wetted by liquid, *Phys. Rev. E* 64 (2001) 051602.
- [7] Palmer, H. J., The hydrodynamic stability of rapidly evaporating liquids at reduced pressure. *J. Fluid. Mech.* 75 (1976) part 3, 487–511.
- [8] van Carey, P., *Liquid-Vapor Phase Change Phenomena*. Hemisphere, Washington D.C., 1992.
- [9] Nikolayev, V. S., Beysens, D. A., Lagier, G.-L., & Hegseth, J., Growth of a dry spot under a vapor bubble at high heat flux and high pressure. *Int. J. Heat Mass Transfer* 44 (2001) 3499–3511.
- [10] Nikolayev V. S., Beysens D. A., 2D BEM modeling of a singular thermal diffusion free boundary problem with phase change, *Boundary elements XXIV (Incorporating meshless solutions)*, Eds. C.A. Brebbia, A. Tadeu, V. Popov, *Int. Series on Advances in Boundary Elements*, v.13 WIT Press, Southampton (2002) 501–525.
- [11] Sefiane, K., Benielli, D. & Steinchen, A., A new model for pool boiling crisis, recoil instability and contact angle influence, *Colloids and Surfaces* 142 (1998) 361–373.